

Soluție:

1. $f(3) = 2a - 1 \Leftrightarrow (a - 3) \cdot 3 + 2 = 2a - 1 \Leftrightarrow a = 6.$

2. a) $\Delta = (m + 1)^2 - 4m = (m - 1)^2 \geq 0, \forall m \Rightarrow (x_i, 0) \in G_f \cap Ox, i = \overline{1, 2}.$

b) $f(x) = x^2 - 3x + 2$; cu $f(1) = f(2) = 0$, ecuația devine $x^2 - 3x - 4 = 0 \Rightarrow x \in \{-1, 4\}.$

3. $f_{\min} = -\frac{\Delta}{4a} = 1.$

4. a) Condiție de existență: $x \geq -2.$

$$x^2 - 2x\sqrt{x+2} + x + 2 = 0 \Leftrightarrow (x - \sqrt{x+2})^2 = 0 \Leftrightarrow x = \sqrt{x+2} \wedge x \geq 0 \Rightarrow x^2 - x - 2 = 0 \Rightarrow$$

$$x_1 = -1 \text{ (nu convine); } x_2 = 2; S = \{2\}.$$

b) $(0, 8)^{-1} \cdot \left(\frac{5}{4}\right)^{x+1} \cdot \left(\frac{64}{125}\right)^x = 1 \Leftrightarrow \left(\frac{5}{4}\right)^{-2x+2} = 1 \Leftrightarrow -2x + 2 = 0 \Leftrightarrow x = 1.$