

Soluție

1. Cum $3 = \sqrt[3]{3^3}$, obținem $\frac{3}{\sqrt[3]{3}} = \frac{\sqrt[3]{3^3}}{\sqrt[3]{3}} = \sqrt[3]{3^2} = \sqrt[3]{9}$, deci obținem 0.
2. Din relațiile lui Viète avem $x_1 + x_2 = -\frac{p}{1} = -p$; $x_1 x_2 = \frac{-p}{1} = -p$, deci $x_1 + x_2 - x_1 x_2 = -p - (-p) = 0$.
3. Obținem echivalent $\left(\frac{2}{3}\right)^x = \left(\frac{2}{3}\right)^{-1}$ și din injectivitatea funcției exponențiale avem $x = -1$.
4. Arătăm că $2f(2) = f(1) + f(4)$, echivalent cu $2\log_2 2 = 2 \cdot 1 = 2$; $\log_2 1 = 0$; $\log_2 4 = 2$, deci $2 = 0 + 2$ adevărat.
5. Ecuația lui AB: $y - y_A = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}(x - x_A)$ ne conduce la AB: $y = 2x + 1$. Ecuația lui CD: $y - y_C = \frac{y_D - y_C}{x_D - x_C}(x - x_C)$ ne conduce la CD: $y = 2x - 1$. AB este paralelă cu DC pentru că pantele sunt egale $m_{AB} = m_{CD} = 2$ și ordonate la origine diferite ($-1 \neq 1$).
6. Utilizăm proprietățile unghiurilor suplimentare: $\sin(180^\circ - x) = \sin x$, $\cos(180^\circ - x) = -\cos x$, deci $\sin 100^\circ + \cos 100^\circ - a = \sin(180^\circ - 80^\circ) + \cos(180^\circ - 80^\circ) - a = \sin 80^\circ - \cos 80^\circ - a = a - a = 0$