

Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului
Centrul Național pentru Curriculum și Evaluare în Învățământul Preuniversitar

Soluție

1. Cum $f(2) = 2 - 2 = 0$, rezultă produsul 0.
2. Avem $\log_3 9 = \log_3 3^2 = 2 \log_3 3 = 2 \cdot 1 = 2$, și $\sqrt[3]{64} = \sqrt[3]{4^3} = 4$; cum $2 = \sqrt{1 \cdot 4}$, rezultă că termenii sunt în progresie geometrică de rație 2.
3. Condiții de existență: $x^2 + 2x - 3 \geq 0$, prin ridicare la pătrat avem echivalent $x^2 + 2x - 3 = 12$, $x^2 + 2x - 15 = 0$, ecuație de gradul 2 cu soluțiile $x = 3$ și $x = -5$, ce verifică condițiile de existență, deci $S = \{-5; 3\}$.
4. -----
5. Coordonatele punctului B sunt mediile aritmetice ale coordonatelor punctelor A și C, deci $x = \frac{3+5}{2} = 4$, $y = \frac{0+(-2)}{2} = -1$.
6. Utilizăm formula $\sin(180^\circ - x) = \sin x$, deci $\sin 135^\circ = \sin(180^\circ - 45^\circ) = \sin 45^\circ$; obținem proprietatea fundamentală $\sin^2 135^\circ + \cos^2 45^\circ = \sin^2 45^\circ + \cos^2 45^\circ = 1$

Observație Pb. 4 trebuie reformulată:

Să se determine numărul tuturor segmentelor orientate nenule care se pot forma cu elementele unei mulțimi de 4 puncte din plan, oricare trei necoliniare.

Rezolvare: Din condițiile date, a obține un segment orientat nenul echivalează cu a alege 2 puncte din cele 4, contând ordinea, deci numărul tuturor segmentelor orientate este $A_4^2 = 4 \cdot 3 = 12$