

Soluție:

1. $f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(100) = 2(1 + 2 + \dots + 100) - 101 = 2 \cdot \frac{(1+100)100}{2} - 101 = 9999.$

2. a) $f(p) = f(q) \Leftrightarrow ap^2 + bp = aq^2 + bq \Leftrightarrow a(p^2 - q^2) + b(p - q) = 0$ și $p \neq q \Leftrightarrow$
 $\Leftrightarrow p + q = -\frac{b}{a} \Leftrightarrow x = \frac{p+q}{2}$ axa de simetrie.

b) Cu $\begin{cases} x+y=S \\ xy=P \end{cases}$, se obține: $\begin{cases} S=6 \\ P=5 \end{cases} \Rightarrow (x, y) \in \{(1, 5), (5, 1)\}.$

3. $(-\infty, -5] \cup [1, +\infty).$

4. a) Condiția de existență: $x > \frac{1}{2}$. $\lg(2x-1) = 0 \Leftrightarrow 2x-1 = 10^0 \Leftrightarrow x = 1.$

b) $(\sqrt{5} + 2)^x \stackrel{not}{=} t, t > 0.$

Ecuația devine: $t + 1 = \frac{2}{t} \Leftrightarrow t^2 + t - 2 = 0 \Rightarrow t_1 = 1, t_2 = -2 < 0 \Rightarrow (\sqrt{5} + 2)^x = 1 \Leftrightarrow x = 0.$