

Soluție

1.
$$\begin{cases} 2x - 3y + 1 = 0 \\ x + 2y - 3 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow x = 1 \quad y = 1$$

2. a) Ecuația axei de simetrie este $x = -\frac{b}{2a}$, deci $\frac{2}{3} = \frac{4}{2(m^2 + 1)}$, de unde $m = \pm\sqrt{2}$

b) $\Delta = b^2 - 4ac$, $\Delta \leq 0$, $a = m^2 + 1 > 0$, rezultă $3 - m^2 \leq 0$, deci $m \in (-\infty; -\sqrt{3}] \cup [\sqrt{3}; \infty)$

3. $x_1 = 1, x_2 = -5, y_1 = -1, y_2 = -25$, deci $S = \{(1, -1), (-5, -25)\}$

4. a) $\log_{2^n} x^n = \log_2 x$ pentru orice număr natural n . Prin urmare $f(x) = 2008 \cdot \log_2 x$

$$f(2) = 2008 \cdot \log_2 2 = 2008 \in \mathbb{N} \text{ Sau } f(2) = \log_2 2 + \log_4 2^2 + \dots + \log_{2^{2008}} 2^{2008} = 1 + 1 + \dots + 1 = 2008$$

b) Se notează $\log_2 x = t \Rightarrow t^2 - 2008t + 2007 = 0 \Rightarrow t_1 = 1, t_2 = 2007$, deci $x_1 = 2, x_2 = 2^{2007}$