

Ministerul Educației, Cercetării și Tineretului
Centrul Național pentru Curriculum și Evaluare în Învățământul Preuniversitar

Soluție:

a) Se obține imediat $\int f(x)dx = \frac{x^3}{3} - 4 \cdot \frac{x^2}{2} + 3x + C$ și astfel din $F(1) = 2$ deducem $C = \frac{2}{3}$. Primitiva

cerută este deci $\int f(x)dx = \frac{x^3}{3} - 4 \cdot \frac{x^2}{2} + 3x + \frac{2}{3}$.

b) Orice primitivă este o funcție $F: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ derivabilă cu $F'(x) = f(x), \forall x \in \mathbb{R}$ și $f(x) < 0, \forall x \in (1, 3)$

conduce imediat la concluzie ;

c) $\mathcal{A} = \int_1^3 (-f(x))dx, \mathcal{A} = \frac{13}{3}$;

d) $\int_1^e \frac{g(x)}{x^2} dx = \int_1^e \frac{\ln x}{x} dx = \frac{\ln^2 x}{2} \Big|_1^e$; rezultat final : $\frac{\ln^2 e - \ln^2 1}{2} = \frac{1}{2}$;

e) Căutăm , de exemplu , o funcție de forma $h(x) = kx$; calcule imediate pentru fiecare inegalitate conduc la $h(x) = 4x$;

f) Folosind metoda integrării prin părți avem $\int_1^e g(x)dx = \frac{e^2}{4} + 1$. Mai departe avem: $e > \frac{5}{2} \Rightarrow \frac{e^2}{4} > \frac{25}{16}$