

Soluție

1. $f(0) = 2\sqrt{2} \Rightarrow a = -2\sqrt{2}$. Cum $f(x) > 0 \Leftrightarrow 2x > -2\sqrt{2} \Leftrightarrow x > -\sqrt{2} \Leftrightarrow x \in (-\sqrt{2}; \infty)$
2. a) $x^2 + 5x + 6 = 0 \Leftrightarrow x_1 = -2, x_2 = -3$, deci $S = \{(-2; -3), (-3; -2)\}$
b) $f(x) = 0 \Leftrightarrow x^2 + 5x + 6 = 0 \Leftrightarrow x = -2, x = -3$. Deci punctele de intersecție ale graficului funcției f cu axa Ox sunt $(-2, 0)$ și $(-3, 0)$..
3. $x_V = -\frac{b}{2a} \Rightarrow -\frac{\alpha}{2} = -2 \Rightarrow \alpha = 4$. Înlocuind obținem $y_V = -\frac{\Delta}{4a} \Rightarrow \frac{-\alpha^2 - 4\beta}{4} = 2 \Rightarrow \beta = -6$
4. a) $\log_2^2 x^3 = 9 \log_2^2 x$. Se notează $\log_2 x = t \Rightarrow 9t^2 - 18t + 9 = 0 \Rightarrow t_1 = t_2 = 1$, deci $x_1 = x_2 = 2$
b) $2^x = t > 0$. Se obține $t + \frac{8}{t} = 9 \Rightarrow t_1 = 1, t_2 = 8$., deci $x_1 = 0, x_2 = 3$