

Soluție

1.
 - a) Se verifică prin calcul direct.
 - b) Se obține $\det(A) = 0$
 - c) Avem $\det(B(a)) = 1 - 4a$, $a \in \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{1}{4}\right\}$, deci $\det(B) \neq 0 \Rightarrow \exists (B(a))^{-1}$.
2.
 - a) Egalând coeficienții termenilor asemenea se obțin valorile $a = \hat{2}$ și $b = \hat{2}$.
 - b) Se obține $f(\hat{0}) + f(\hat{1}) + f(\hat{2}) + f(\hat{3}) + f(\hat{4}) = \hat{0}$
 - c) Se rezolvă ecuația $\hat{2}x^2 + \hat{2}x = \hat{0}$ în \mathbb{Z}_5 și se obțin soluțiile $x_1 = \hat{0}$ și $x_2 = \hat{4}$.