

Soluție

1. f monoton crescătoare implică $2a + 5 \geq 0 \Leftrightarrow a \geq -\frac{5}{2}$ $a \in \left[-\frac{5}{2}; \infty\right) \cap \mathbb{Z}_- = \{-2; -1\}$, deci $a = -1$

2.a) $f(0) = 1 \Rightarrow c = 1$, dar $-\frac{b}{2a} = \frac{3}{4}$, $-\frac{\Delta}{4a} = -\frac{1}{8}$, deci $a = 2, b = -3$

b) $f(x) = 2x^2 - 3x + 1$, $a = 2 > 0 \Rightarrow f$ are minim; $-\frac{b}{2a} = \frac{3}{4}$

Funcția este strict descrescătoare pe $(-\infty, \frac{3}{4}]$ și strict crescătoare pe $[\frac{3}{4}, +\infty)$

3. $6x^2 + x - 12 \leq 0$; rădăcinile ecuației atașate sunt $x_1 = -\frac{3}{2}$ $x_2 = \frac{4}{3}$, deci $x \in \left[-\frac{3}{2}; \frac{4}{3}\right]$

4. a) $x^2 - 4x = 2x$, deci $x_1 = 0, x_2 = 6$

b) Înmulțind cu conjugata membrului stâng se obține $\sqrt{x+3} - \sqrt{x-2} = 1$, rezultă $\sqrt{x+3} = 3$ și $\sqrt{x-2} = 2 \Rightarrow x =$